

**Теорема.** При натуральном  $q \geq 2$  любое натуральное число единственным образом представляется в виде

$$n = a_k q^k + a_{k-1} q^{k-1} + \dots + a_1 q + a_0,$$

причем  $0 \leq a_1, a_2, \dots, a_k < q$ .

1. Переведите в десятичную систему счисления:  
а)  $11001_2$ ; б)  $2201_3$ ; в)  $654_7$ ; г)  $ABC_{13}$ .
2. Запишите  
а) число 13 во всевозможных системах счисления;  
б) число 100 в системах исчисления с основанием от 2 до 9.
3. Составьте таблицы сложения и умножения для 2, 3, 4, 5-ичной системы счисления.
4. Вычислите: а)  $11001_2 + 100011_2$ ; б)  $4013_5 + 2233_5$ ; в)  $101_2 \cdot 11_2$ ; г)  $201_3 \cdot 112_3$ .
5. Какое наименьшее число гирь необходимо для того, чтобы иметь возможность взвесить любое целое число граммов от 1 до 100, если все гири можно класть только на одну чашу весов? Какие это могут быть гири?
6. Задача №5, но гири можно класть на любую чашу весов. Какие это могут быть гири? Взвесьте с их помощью 37, 53, 100 граммов.
7. а) Катя задумала 3 цифры  $x, y, z$ . Леша может узнать, чему равна сумма  $ax + by + cz$  для любых натуральных чисел  $a, b, c$ . Как ему это сделать за один вопрос?  
б) А если Катя задумала 3 двузначных числа?
8. Катя задумала 11 натуральных чисел —  $x_1, x_2, \dots, x_{11}$ . Леша может узнать, чему равна сумма
$$a_1 x_1 + \dots + a_{11} x_{11}.$$
Как ему это сделать за два вопроса?
9. Как, используя монеты всего 12 номиналов, уплатить любую сумму от 1 до 6543 не более чем 8 монетами? Монеты одного номинала можно использовать несколько раз.

**Теорема.** При натуральном  $q \geq 2$  любое натуральное число единственным образом представляется в виде

$$n = a_k q^k + a_{k-1} q^{k-1} + \dots + a_1 q + a_0,$$

причем  $0 \leq a_1, a_2, \dots, a_k < q$ .

1. Переведите в десятичную систему счисления:  
а)  $11001_2$ ; б)  $2201_3$ ; в)  $654_7$ ; г)  $ABC_{13}$ .
2. Запишите  
а) число 13 во всевозможных системах счисления;  
б) число 100 в системах исчисления с основанием от 2 до 9.
3. Составьте таблицы сложения и умножения для 2, 3, 4, 5-ичной системы счисления.
4. Вычислите: а)  $11001_2 + 100011_2$ ; б)  $4013_5 + 2233_5$ ; в)  $101_2 \cdot 11_2$ ; г)  $201_3 \cdot 112_3$ .
5. Какое наименьшее число гирь необходимо для того, чтобы иметь возможность взвесить любое целое число граммов от 1 до 100, если все гири можно класть только на одну чашу весов? Какие это могут быть гири?
6. Задача №5, но гири можно класть на любую чашу весов. Какие это могут быть гири? Взвесьте с их помощью 37, 53, 100 граммов.
7. а) Катя задумала 3 цифры  $x, y, z$ . Леша может узнать, чему равна сумма  $ax + by + cz$  для любых натуральных чисел  $a, b, c$ . Как ему это сделать за один вопрос?  
б) А если Катя задумала 3 двузначных числа?
8. Катя задумала 11 натуральных чисел —  $x_1, x_2, \dots, x_{11}$ . Леша может узнать, чему равна сумма
$$a_1 x_1 + \dots + a_{11} x_{11}.$$
Как ему это сделать за два вопроса?
9. Как, используя монеты всего 12 номиналов, уплатить любую сумму от 1 до 6543 не более чем 8 монетами? Монеты одного номинала можно использовать несколько раз.